

Funktionen kannst du in der Eingabezeile oder im CAS definieren:

$$p(x) = 6 \cdot x^3 - 9 \cdot x^2 + \frac{3}{2} \cdot x - 0,8$$

Definiere Funktionen mit **:=** und *nicht* mit **=**.  
 In der Eingabezeile ist zwar beides möglich, in der CAS-Ansicht aber nur **:=**.

Eingabe: `p(x):=6*x^3-9*x^2+3/2*x-0.8`

CAS

1 p(x):=6\*x^3-9\*x^2+3/2\*x-0.8

→ **p(x) := 6x<sup>3</sup> - 9x<sup>2</sup> +  $\frac{3}{2}$ x -  $\frac{4}{5}$**

Für die Funktion  $p$  gilt:  $p(x) = 6 \cdot x^3 - 9 \cdot x^2 + \frac{3}{2} \cdot x - 0,8$

a) Verwende das CAS, um die folgende Wertetabelle zu vervollständigen.

|        |    |   |   |   |   |   |
|--------|----|---|---|---|---|---|
| $x$    | -1 | 0 | 1 |   | 2 | 3 |
| $p(x)$ |    |   |   | 2 |   |   |

**=** (symbolische Berechnung)

**≈** (numerische Berechnung)

**x =** oder **Löse**

**x ≈** oder **NLöse**

b) Die **Nullstellen** von  $p$  sind die Lösungen der Gleichung

Löse diese Gleichung im CAS.

Alternativ kannst du den Befehl **Nullstelle** in der Eingabezeile verwenden:

Eingabe: `Nullstelle(p)`

Damit wird die Nullstelle auch in der Grafik-Ansicht angezeigt.

c) Jede **Extremstelle** von  $p$  ist eine Lösung der Gleichung

Löse diese Gleichung im CAS.

Begründe mithilfe der **2. Ableitungsfunktion**, ob  $p$  an diesen Extremstellen jeweils ein lokales Minimum oder ein lokales Maximum hat.

Alternativ kannst du den Befehl **Extremum** in der Eingabezeile verwenden:

Eingabe: `Extremum(p)`

Damit werden die Extrempunkte auch in der Grafik-Ansicht angezeigt.

d) Jede **Wendestelle** von  $p$  ist eine Lösung der Gleichung

Löse diese Gleichung im CAS.

Begründe mithilfe der **3. Ableitungsfunktion**, ob  $p$  an dieser Wendestelle das Krümmungsverhalten von  $\curvearrowright$  auf  $\curvearrowleft$  ändert oder umgekehrt.

Alternativ kannst du den Befehl **Wendepunkt** in der Eingabezeile verwenden:

Eingabe: `Wendepunkt(p)`

Damit wird der Wendepunkt auch in der Grafik-Ansicht angezeigt.

Für die Funktion  $f$  gilt:  $f(x) = 0,8 \cdot e^{-0,42 \cdot x}$

Eingabe:  $f(x) := 0.8 \cdot \exp(-0.42 \cdot x)$

Für die **Tangente** an  $f$  an der Stelle  $x = -2$  gilt:  $y = k \cdot x + d$

1) Stelle mithilfe von  $f$  jeweils eine Formel zur Berechnung von  $k$  und  $d$  auf.

$k =$    $d =$

2) Eine Gleichung dieser Tangente kannst du auf zwei Arten ermitteln.

Berechnung im CAS:

| CAS |   |
|-----|---|
| 1   | $k := f(-2)$<br>$\approx k := -0.7783$                |
| 2   | $d := f(-2) - k \cdot (-2)$<br>$\approx d := 0.29649$ |

$\implies y = -0,778... \cdot x + 0,296...$

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

i) Punkt am Graphen definieren

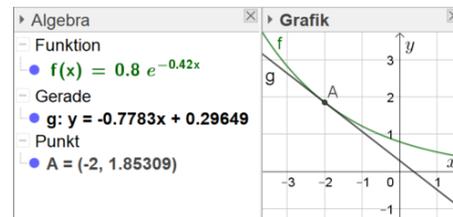
Eingabe:  $A = (-2, f(-2))$

ii) Tangente konstruieren

Eingabe:  $Tangente(A, f)$  oder 

iii) Gleichung in der Algebra-Ansicht ablesen

Rechtsklick auf Gerade  $\leadsto$  Gleichung  $y = k \cdot x + d$



Für die Funktion  $w$  gilt:  $w(x) = 3 \cdot \sqrt{2 \cdot x - 8}$

Eingabe:  $w(x) := 3 \cdot \text{sqrt}(2 \cdot x - 8)$

1) Ermittle die **Steigung** von  $w$  an der Stelle  $x = 7$  in Prozent.

2) Stelle mithilfe von  $w$  und  $x_0$  eine Formel für den **Steigungswinkel**  $\alpha$  an der Stelle  $x_0$  auf:

$\alpha =$

3) Den Steigungswinkel (in  $^\circ$ ) von  $w$  an der Stelle  $x = 7$  kannst du auf zwei Arten ermitteln.

Berechnung im CAS:

GeoGebra rechnet im **Bogenmaß**.

| CAS |  |
|-----|--|
| 1   | $w'(7)$<br>$\approx 1.22474$                         |
| 2   | $\arctan(w'(7)) \cdot 180/\pi$<br>$\approx 50.76848$ |
| 3   | $\arctand(w'(7))$<br>$\approx 50.76848^\circ$        |

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

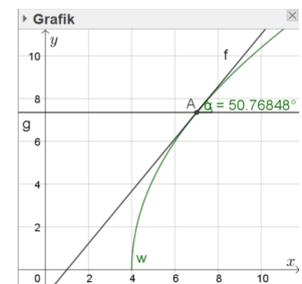
i) Punkt am Graphen Eingabe:  $(7, w(7))$

ii) Tangente in Punkt 

iii) Parallele Gerade zur  $x$ -Achse 

iv) Winkel zwischen den Geraden 

Wähle die Geraden gegen den Uhrzeigersinn aus.



4) Ermittle jene Stelle, an der der Steigungswinkel  $42^\circ$  beträgt.

Für die Funktionen  $f$  und  $g$  gilt:  $f(x) = \ln(2 \cdot x + 6)$  bzw.  $g(x) = e^x$

Eingabe:  $f(x):=\ln(2*x+6)$

1) Die **Schnittpunkte** von  $f$  und  $g$  sind die Lösungen der Gleichung .

Diese Gleichung kann *nicht* nach  $x$  umgeformt werden.

Die Schnittpunkte kannst du dennoch auf zwei Arten **näherungsweise** ermitteln:

Berechnung im CAS mit den Befehlen

**NLöse**(<Gleichung>) bzw.

**NLöse**(<Gleichung>, <Variable = Startwert>):

| CAS |   |
|-----|---|
| 1   | NLöse(f(x)=g(x))<br>→ {x = <b>0.69293</b> }       |
| 2   | NLöse(f(x)=g(x),x=-2)<br>→ {x = <b>-2.45518</b> } |

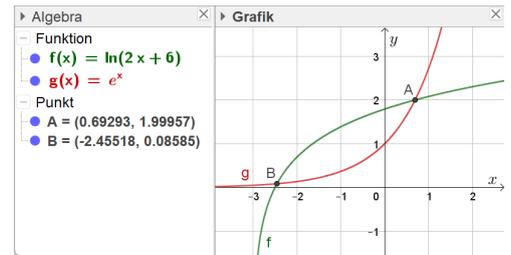
Um die zweite Schnittstelle zu erhalten, wählen wir einen Startwert „nahe bei“ dieser Schnittstelle.

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

i) Schneide-Werkzeug auswählen 

ii) Funktionsgraphen nacheinander anklicken

Die Position des zweiten Klicks legt den Startwert fest.



iii) Schnittpunkte bzw. Schnittstellen in der Algebra-Ansicht ablesen

Tipp: Wenn du die Schnittpunkte  $A$  und  $B$  konstruiert hast, kannst du mit den Befehlen  $x(A)$ ,  $y(A)$ ,  $x(B)$  und  $y(B)$  auf ihre Koordinaten zugreifen, um mit ihnen weiterzurechnen.

2) Die Funktion  $g$  hat an der Schnittstelle  $x_A = 0,692\dots$  eine größere Steigung als die Funktion  $f$ . Stelle mithilfe von  $f$ ,  $g$  und  $x_A$  eine Formel für den Schnittwinkel  $\alpha$  auf:

$\alpha =$

3) Den Schnittwinkel  $\alpha$  (in  $^\circ$ ) an der Schnittstelle  $x_A = 0,692\dots$  kannst du auf zwei Arten ermitteln.

Berechnung im CAS:

| CAS |   |
|-----|---|
| 1   | $\arctan(g'(x(A))) - \arctan(f'(x(A)))$<br>≈ <b>0.84262</b> |
| 2   | $0.8426164311927 * 180 / \pi$<br>≈ <b>48.27837</b>          |

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

i) Tangenten an beide Graphen legen 

ii) Winkel zwischen den Tangenten 

