



Funktionen kannst du in der Eingabezeile oder im CAS definieren:

$$p(x) = 6 \cdot x^3 - 9 \cdot x^2 + \frac{3}{2} \cdot x - 0,8$$

Definiere Funktionen mit **:=** und *nicht* mit **=**.

In der Eingabezeile ist zwar beides möglich, in der CAS-Ansicht aber nur **:=**.



Eingabe: **p(x):=6*x^3-9*x^2+3/2*x-0.8**

CAS

1 p(x):=6*x^3-9*x^2+3/2*x-0.8

→ **p(x) := 6 x³ - 9 x² + $\frac{3}{2}$ x - $\frac{4}{5}$**



Für die Funktion p gilt: $p(x) = 6 \cdot x^3 - 9 \cdot x^2 + \frac{3}{2} \cdot x - 0,8$

a) Verwende das CAS, um die folgende Wertetabelle zu vervollständigen.

x	-1	0	1		2	3
$p(x)$				2		

= (symbolische Berechnung)

≈ (numerische Berechnung)

x = oder **Löse**

x ≈ oder **NLöse**

b) Die **Nullstellen** von p sind die Lösungen der Gleichung

Löse diese Gleichung im CAS.

Alternativ kannst du den Befehl **Nullstelle** in der Eingabezeile verwenden:

Eingabe: **Nullstelle(p)**

Damit wird die Nullstelle auch in der Grafik-Ansicht angezeigt.

c) Jede **Extremstelle** von p ist eine Lösung der Gleichung

Löse diese Gleichung im CAS.

Begründe mithilfe der **2. Ableitungsfunktion**, ob p an diesen Extremstellen jeweils ein lokales Minimum oder ein lokales Maximum hat.

Alternativ kannst du den Befehl **Extremum** in der Eingabezeile verwenden:

Eingabe: **Extremum(p)**

Damit werden die Extrempunkte auch in der Grafik-Ansicht angezeigt.

d) Jede **Wendestelle** von p ist eine Lösung der Gleichung

Löse diese Gleichung im CAS.

Begründe mithilfe der **3. Ableitungsfunktion**, ob p an dieser Wendestelle das Krümmungsverhalten von \curvearrowright auf \curvearrowleft ändert oder umgekehrt.

Alternativ kannst du den Befehl **Wendepunkt** in der Eingabezeile verwenden:

Eingabe: **Wendepunkt(p)**

Damit wird der Wendepunkt auch in der Grafik-Ansicht angezeigt.

Für die Funktion f gilt: $f(x) = 0,8 \cdot e^{-0,42 \cdot x}$

Eingabe: $f(x) := 0.8 * \exp(-0.42 * x)$

Für die Tangente an f an der Stelle $x = -2$ gilt: $y = k \cdot x + d$

- 1) Stelle mithilfe von f jeweils eine Formel zur Berechnung von k und d auf.

$k =$ $d =$

- 2) Eine Gleichung dieser Tangente kannst du auf zwei Arten ermitteln.

Berechnung im CAS:

CAS	
1	$k := f'(-2)$
<input type="radio"/>	$\approx k := -0.7783$
2	$d := f(-2) - k \cdot (-2)$
<input type="radio"/>	$\approx d := 0.29649$


$$\Rightarrow y = -0,778... \cdot x + 0,296...$$

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

- i) Punkt am Graphen definieren

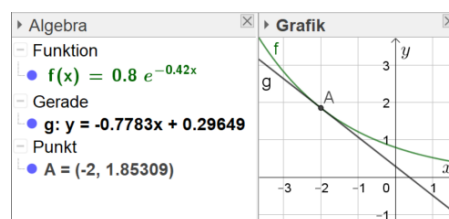
Eingabe: $A = (-2, f(-2))$

- ii) Tangente konstruieren

Eingabe: $Tangente(A, f)$ oder 

- iii) Gleichung in der Algebra-Ansicht ablesen

Rechtsklick auf Gerade \leadsto Gleichung $y = k \cdot x + d$



Für die Funktion w gilt: $w(x) = 3 \cdot \sqrt{2 \cdot x - 8}$

Eingabe: $w(x) := 3 * \sqrt{2 * x - 8}$

- 1) Ermittle die Steigung von w an der Stelle $x = 7$ in Prozent.

- 2) Stelle mithilfe von w und x_0 eine Formel für den Steigungswinkel α an der Stelle x_0 auf:

$\alpha =$

- 3) Den Steigungswinkel (in $^\circ$) von w an der Stelle $x = 7$ kannst du auf zwei Arten ermitteln.

Berechnung im CAS:

GeoGebra rechnet im Bogenmaß.

CAS	
1	$w'(7)$
<input type="radio"/>	≈ 1.22474
2	$\arctan(w'(7)) * 180 / \pi$
<input type="radio"/>	≈ 50.76848
3	$\arctand(w'(7))$
<input type="radio"/>	$\approx 50.76848^\circ$

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

- i) Punkt am Graphen

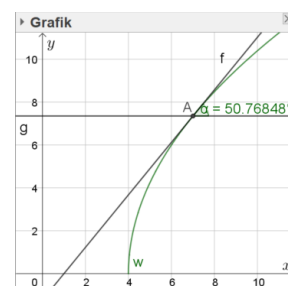
Eingabe: $(7, w(7))$

- ii) Tangente in Punkt 

- iii) Parallele Gerade zur x -Achse 

- iv) Winkel zwischen den Geraden 

Wähle die Geraden gegen den Uhrzeigersinn aus.



- 4) Ermittle jene Stelle, an der der Steigungswinkel 42° beträgt.

Für die Funktionen f und g gilt: $f(x) = \ln(2 \cdot x + 6)$ bzw. $g(x) = e^x$

Eingabe: $f(x) := \ln(2 \cdot x + 6)$

- 1) Die **Schnittpunkte** von f und g sind die Lösungen der Gleichung .

Diese Gleichung kann *nicht* nach x umgeformt werden.

Die Schnittpunkte kannst du dennoch auf zwei Arten **näherungsweise** ermitteln:

Berechnung im CAS mit den Befehlen

NLöse(<Gleichung>) bzw.

NLöse(<Gleichung>, <Variable = Startwert>):

CAS	
1	NLöse(f(x)=g(x))
<input type="radio"/>	→ {x = 0.69293 }
2	NLöse(f(x)=g(x), x=-2)
<input type="radio"/>	→ {x = -2.45518 }

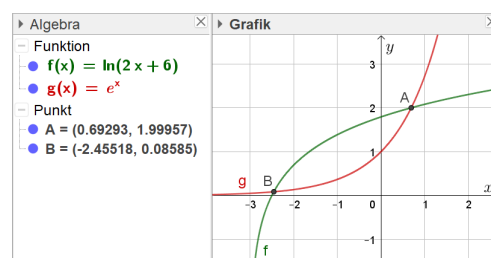
Um die zweite Schnittstelle zu erhalten, wählen wir einen Startwert „nahe bei“ dieser Schnittstelle.

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

- i) Schneide-Werkzeug auswählen 

- ii) Funktionsgraphen nacheinander anklicken

Die Position des zweiten Klicks legt den Startwert fest.



- iii) Schnittpunkte bzw. Schnittstellen in der Algebra-Ansicht ablesen

Tipp: Wenn du die Schnittpunkte A und B konstruiert hast, kannst du mit den Befehlen $x(A)$, $y(A)$, $x(B)$ und $y(B)$ auf ihre Koordinaten zugreifen, um mit ihnen weiterzurechnen.

- 2) Die Funktion g hat an der Schnittstelle $x_A = 0,692...$ eine größere Steigung als die Funktion f . Stelle mithilfe von f , g und x_A eine Formel für den Schnittwinkel α auf:

$$\alpha = \text{}$$

- 3) Den Schnittwinkel α (in $^\circ$) an der Schnittstelle $x_A = 0,692...$ kannst du auf zwei Arten ermitteln.

Berechnung im CAS:

CAS	
1	$\arctan(g'(x(A))) - \arctan(f'(x(A)))$
<input type="radio"/>	\approx 0.84262
2	$0.8426164311927 \cdot 180/\pi$
<input type="radio"/>	\approx 48.27837

Konstruktion in der Grafik-Ansicht:

- i) Tangenten an beide Graphen legen 

- ii) Winkel zwischen den Tangenten 

